





# نماذج إحصائية خطية تطبيقية

## انحدار، تحليل تباين وتصاميم تجريبية

### الجزء الأول (الانحدار)

#### تأليف

ميخائيل كتر

جامعة إميري

ويليام وازerman

جامعة سيراكاس

جون نتر

جامعة جورجيا

#### ترجمة

أ. د. عبدالحميد بن عبد الله الزيد

أ. د. أنيس اسماعيل كنجو

د. ابراهيم بن عبدالعزيز الواثق

د. الحسيني عبدالبر راضي

قسم الإحصاء وبحوث العمليات - كلية العلوم - جامعة الملك سعود



النشر العلمي والمطبع - جامعة الملك سعود

حرب ٦٨٩٥٣ - الرياض - المملكة العربية السعودية

جامعة الملك سعود، ١٤٢١هـ (٢٠٠٠م) ح

هذه ترجمة عربية مصرح بها لكتاب:

*Applied Linear Statistical Models: Regression, Analysis of Variance and Experimental Designs (Third Edition)*

By: John Neter, William Wasserman & Michael Kutner

© 1990, Richard D. Irwin, Inc.

فهرسة مكتبة الملك فهد الوطنية أثناء النشر

نتر، جون

مماذج إحصائية خطية تطبيقية: الأندار، تحليل تباين وتصاميم تجريبية: <sup>١</sup>جزء الأول (الأندار)/جون

نتر، ويليام وازرمان وميخائيل كتر؛ ترجمة أنيس اسماعيل كنجو [وآخرون] -الرياض

٧٥٥ ص: ٢٥ سم × ٢٥ سم

ردمك ٩٣٧-١٣٧-٣٧-٩٩٦٠ (مجموعة)

٩٩٦٠-٠٥-٩٤٢-١ (ج ١)

(الجزء الأول: الأندار)

١-الجبر الخططي ٢-المعادلات الخطية ٣-الإحصاء الرياضي

أ-وازرمان، وليام (م. مشارك) ب-كتر، ميخائيل (م. مشارك) ج-كنجو، أنيس اسماعيل (مترجم)

د- العنوان

٥١٢,٥ ديوبي ٢١/ ١٠٦٥

رقم الإيداع: ٢١/ ١٠٦٥

حُكمت هذا الكتاب لجنة متخصصة شكلها المجلس العلمي بالجامعة، وقد وافق المجلس العلمي على نشره في اجتماعه الثالث عشر للعام الدراسي ١٤١٦/١٤١٧هـ المعقود بتاريخ ٩/٨/١٤١٦هـ الموافق ٣١/١٢/١٩٩٥م.

## **مقدمة المترجع**

الحمد لله وحده والصلوة والسلام على من لا نبي بعده سيدنا محمد بن عبد الله المادى الأمين والمرسل بلسان عربى مبين، وبعد فقد وقع اختيارنا على كتاب ثماذج إحصائية خطية تطبيقية لأسباب عدة نوجزها فيما يلى:

- ١ - يتطرق الكتاب لتشكيلة واسعة من التطبيقات الإحصائية تتناول بصورة شاملة تقريباً تحليل الانحدار وأهم ما يحتاجه الباحث والدارس من تطبيقات تحليل التباين وتصميم التجارب، ويخرج في هذه الرحلة الطويلة في دنيا الطرائقية الإحصائية على بعض من تطبيقات السلسل الزمنية والإحصاء الامثلى.
- ٢ - يتميز الكتاب بعرض واضح وميسر لأساسيات الطرق الإحصائية، وللمفاهيم الرئيسية التي تشكل خلفيتها النظرية، مما يرفع بشكل ملحوظ من قدرة الدار على التطبيق السليم، وتحب الشطط والاستخدام المضلل للإحصاء، ويعينه على فهم النتائج التي يحصل عليها، وتفسيرها تفسيراً صحيحاً، وعرضها بدقة وإحكام، وكان ذلك ثمرة تعاون ثلاثة مؤلفين من برعوا في مجال الإحصاء التطبيقي بالإضافة إلى خبرة عدد وافر من المراجعين، وحصلة سنوات طويلة من الخبرة الميدانية الواسعة.
- ٣ - يتميز الكتاب بتشكيلة فريدة من المسائل الميدانية المأجوبة، من تطبيقات واقعية في مجالات متعددة، مثلت العلوم الاجتماعية والأحيائية وعلوم الإدارة والاقتصاد والصناعة وغيرها، وهو بما يحتويه من الأمثلة والمسائل والتمارين والمشاريع والبيانات الإحصائية الواقعية، يشكل من حيث الكم والكيف مرجعاً لا غنى عنه لقاعدة واسعة من الباحثين والدارسين المستفيدين.
- ٤ - وإلى جانب شمولية العرض يتميز الكتاب بجداه العرض، وإذا خرجت آخر طبعة للكتاب، وهي الطبعة الثالثة، في السبعينيات فقد احتوت عدداً من التقنيات الحديثة التي ظهرت للمرة الأولى في السبعينيات والثمانينيات، لاسيما في مجال التشخيص لعلة أو علل

الإحصائي المستخدم لتحليل البيانات، وآفاق الاستفادة منه في مجالات التقدير أو التنبؤ أو السيطرة. وكان لا بد للكتاب، وقد ارتدى ثوب الحداثة هذا، أن يعتمد بقوة على استخدام الحاسوب الآلي، ويتجنب الغوص في صيغ الحسابات اليدوية التقليدية التي تستهلك جزءاً غير قليل من الكتب الطرائقية التقليدية.

٥ - نجح الكتاب في عرض ثلاثة مواضيع متفرقة هي تحليل الانحدار، وتحليل التباين، وتحليل التجارب المصممة، في إطار موحد هو إطار النماذج الخطية التطبيقية، مما يسمح بإضافة إلى الفوائد النظرية، بالاستفادة من أفضل ما تضمنته الحزم الإحصائية الحديثة، ويمكن من استخدام الأمثل للحاسوب في التحليل الإحصائي.

ونظراً لوفرة المواد التي يقدمها الكتاب فقد تقرر بعد موافقة الناشر إصدار الترجمة في جزئين، يتضمن الجزء الأول الفصول الثلاثة عشر الأولى وهي تشمل تحليل الانحدار، ويتضمن الجزء الثاني الفصول الستة عشر الباقية وهي في تحليل التباين وتصميم التجارب وتحليلها، وكانت مساهمات المترجمين أحد عشر فصلاً للدكتور أنيس كنجو وستة فصول لكل من الدكتور عبد الحميد الزيد والدكتور إبراهيم الواصل والدكتور الحسيني راضي، كما قام الدكتور أنيس كنجو بمهمة المراجعة العلمية واللغوية للكتاب بما أضافه على أسلوب العرض وحدة لا تخفي، وأدى إلى انسجام العبارة عبر الكتاب بأكمله.

وكانت مسألة المصطلح العلمي تحدياً نرجو أن تكون قد وُفقنا في مواجهته، خاصة وأن العديد من المصطلحات يظهر في العربية، في حدود معلوماتنا، للمرة الأولى، وبالطبع نرحب بأية مقترنات يفضل بها الزملاء القراء سواء تناولت مصطلحاً أو تعبيراً.

وكما أشارت مقدمة المؤلفين فقد صُممت الطبعة الثالثة بحيث تغطي مقررات من مستوى المرحلة الجامعية الأولى ومن مستوى الدراسات العليا. فضلاً عن استخدامه كمراجع لباحثين في ميادين الإدارة والاقتصاد والعلوم الاجتماعية والصحية والأحيائية. وأملنا كبير في أن يسدّ هذا الكتاب بجزأيه ثغرة في المكتبة الإحصائية العربية، وما أحوجنا إلى سد الثغرات في المكتبة العلمية العربية بجميع فروعها وأجنحتها وليس في الإحصائية منها فقط. فالعربية لغتنا

الجميلة هي كما يصفها المرحوم الأستاذ الدكتور "محمد المبارك" : "غنّية من حيث الأبيّة والصيغة غنى لا تضارعها فيه لغة أخرى من اللغات الراقية التي تفوي بمحاجات الإسان في مثل هذا العصر الذي نحن فيه، وتدل مفردات اللغة العربية دلالة قاطعة على أن العرب صنعوا الوجود تصنيفا شاملـا دقـيا منطـقا يدعـوا إلـى الدهـشـة والتـعجـب ويـدلـ عـلـى مـسـتـوى فـكـري قـلـما وصلـتـ إـلـيـ الأمـمـ فيـ مـثـلـ ذـلـكـ الطـورـ الـبـكـرـ منـ تـارـيخـ حـيـاتـهـ".

إن التأمل من الأساتذة والمفكرين العرب في مردود التعليم الجامعي في بلادنا العربية ترتد إليه تأملاته بوافر من الحسرة والألم وشعور قد يصل حد الإحباط. وهو فوق هذا وكرجل استوعب واقع العصر واستشعر آفاق التقدم الحضاري ووتيرته ينظر إلى قومه بين الأقوام التي انظمها ركب الحضارة المعاصر فيتقدهم، ويجيل الطرف من حوله يستشف ساعة الفجر فيجدوها، ضمن واقعنا العلمي السائد، بعيدة المنال. لا بل يجد المفهـوـةـ الكـبـيرـةـ بيـنـ وـبـيـنـ نـظـيرـهـ فيـ الـعـالـمـ المـتـقـدـمـ عـلـمـياـ تـرـدـابـ اـتـسـاعـاـ وـعـمـقاـ كـلـ يـوـمـ وـكـلـ سـاعـةـ.

إن بناء المكتبة العلمية العربية واحب على كل مستطيع، فما الذي يمنعنا عن إغناء العربية لتصبح لغة علم تذخر بالمصطلح من كل صنف، وتعيـزـ مكتـباتـهاـ بـلـحـبـ منـ المـرـاجـعـ الـعـلـمـيـةـ المـعـدـةـ بـلـغـةـ الصـبـادـ؟ـ ثـمـ كـيـفـ يـمـكـنـ لـنـاـ تـلـمـيـزـ الطـرـيقـ إـلـىـ هـذـاـ الـهـدـفـ إـذـاـ بـقـيـ التـعـلـيمـ الـجـامـعـيـ بـلـغـةـ أـجـنبـيـةـ؟ـ هـلـ نـكـتـبـ وـنـتـرـجـمـ لـتـرـضـعـ جـهـوـدـنـاـ عـلـىـ الرـفـوفـ،ـ أـمـ لـيـتـخـذـهـ جـهـوـرـ الـطـلـبـةـ سـبـيلـاـ مـيـسـراـ إـلـىـ الـعـرـفـةـ؟ـ إـنـ ثـوـبـ الـعـرـبـ الـذـيـ نـرـتـديـهـ لـاـ يـوـهـلـنـاـ لـأـكـثـرـ مـنـ أـدـوـارـ التـمـثـيلـ،ـ فـالـمـلـكـاتـ الـمـبـدـعـةـ تـنـمـوـ فـيـ حـضـنـ الـعـرـبـةـ،ـ وـلـاـ يـمـكـنـ لـهـاـ أـنـ تـزـدـهـرـ إـلـاـ فـيـ حـمـاـهـ،ـ وـلـنـ نـنـطـلـقـ فـيـ بـنـاءـ مـسـتـقـبـلـنـاـ الـحـضـارـيـ وـنـأـمـلـ فـيـ اـسـتـعـادـةـ مـوـقـعـ حـضـارـيـ يـلـيـقـ بـرـاثـانـاـ الـمـرـمـوقـ إـلـاـ عـنـدـمـاـ تـيـسـرـ المـرـفـعـةـ لـكـلـ عـرـبـيـ بـلـغـتـهـ الـأـمـ.

ولـاـ كـانـ الـأـعـمـالـ بـالـنـيـاتـ،ـ وـكـانـ لـكـلـ اـمـرـئـ مـاـ نـوـىـ،ـ وـكـانـ نـوـايـاـنـاـ،ـ فـيـماـ اـخـرـنـاهـ وـفـيـماـ بـذـلـنـاهـ مـنـ جـهـوـدـ،ـ خـدـمـةـ لـغـةـ الـقـرـآنـ الـجـيـدـ وـتـقـدـيمـ زـادـ عـلـمـيـ مـفـيدـ،ـ لـكـلـ قـارـئـ بـالـعـرـبـةـ،ـ فـالـلـهـ سـبـحـانـهـ وـتـعـالـيـ نـسـأـلـ أـنـ يـقـبـلـ مـنـاـ هـذـهـ التـرـجـمـةـ عـمـلاـ صـالـحاـ،ـ فـهـوـ مـنـ وـرـاءـ الـقـصـدـ،ـ وـهـوـ الـمـهـادـيـ إـلـىـ سـوـاءـ السـبـيلـ.



## **مقدمة المؤلف**

تُستخدم النماذج الإحصائية الخطية الخاصة بالانحدار، تحليل التباين، والتصاميم التجريبية، اليوم استخداماً واسعاً في إدارة الأعمال، الاقتصاد، والعلوم الاجتماعية، الصحية والأحيائية. وتحتاج التطبيقات الناجحة لهذه النماذج إلى فهم سليم لكل من الخلفية النظرية والسائل العملية التي نواجهها عند استخدام النماذج في حالات من واقع الحياة. وبينما تشكل الطبعة الثالثة من نماذج إحصائية خطية تطبيقية، في الأساس، كتاباً تطبيقياً، إلا أنها تهدف إلى خلط النظري والتطبيقات بصورة فعالة، متجنبة الشطط سواء في تقديم النظري بصورة منعزلة أو في طرح عناصر من التطبيقات دون الحاجة إلى فهم أسسها النظرية.

**وتحتفل الطبعة الثالثة عن الطبعة الثانية في عدد من النواحي المهمة.**

- ١- أضفنا فصلاً جديداً في تصاميم القياسات المكررة نظراً لأهميتها الكبرى في العلوم السلوكية وعلوم الحياة. وبالنسبة للقارئ، يشكل الفصل الثامن والعشرون المضاف مدخلاً إلى تصاميم القياسات المكررة مع المتابعة في تصاميم القياسات المكررة ذات العامل الواحد، وفي تصاميم ذات العاملين مع قياسات مكررة لأحد العاملين أو لهما معاً، وفي تصاميم الوحدة المنقسمة.
- وبالإضافة إلى ذلك فإن الفصل الثاني عشر حول بناء نموذج انحدار قد أعيدت صياغته إلى حد كبير واتسع كثيراً. ونطور، في هذا الفصل، بالتفصيل عملية بناء نموذج بحيث يستوعب العديد من عناصر هذه العملية، التي نوقشت في فصول سابقة. وتعرض أيضاً مراجعة موسعة جداً للتحقق من نماذج انحدار.
- ٢- توسعنا كثيراً في مناقشة تشخيصات تحليل الانحدار وتحليل التباين وذلك عبر الكتاب بأكمله. ففي ميدان تحليل الانحدار تتبع الآن، من بين التدابير التشخيصية المدرستة، تدابير PRESS; DFFITS; DFBETAS، كما أضفنا أيضاً رسومات الانحدار الجزئي، كما ندرس تحويل بوكس - كوكس كتدبير علاجي.

وقد ازدمنا أيضاً من التأكيد على التشخيصات في تحليل التباين وتصميم التجارب، إذ نقدم عدداً أكبر بكثير من الرسومات التشخيصية، كما أضفنا مناقشة رسوم آحتمال طبيعي للتأثيرات الرئيسة المقدرة للعوامل.

٣- وقد توسعنا في عدد من المواضيع وأعدنا تنظيمها. ففي ميدان تحليل الانحدار وُحدّدت الآن مناقشة المربعات الدنيا المرجحة وُدرست في سياق الانحدار المتعدد. وقد أعيد تنظيم مناقشة نماذج الانحدار المعيارية، كما دُعم عرض كل من مجاميع المربعات الإضافية والخطية المتعددة من خلال إعادة تنظيم شاملة لها، كما توسعنا في الفصل الثالث عشر وهو فصل الارتباط الذاتي بأن درسنا طريقة هيلدرت - لو (Hildreth - Lu) في تقدير معلمة الارتباط الذاتي، وأضفنا فقرة تتعلق بفترات تنبؤ عند التنبؤ بمشاهدة جديدة. وأضفنا أيضاً مناقشة موصلة لظرائقية سطح الاستجابة في الفصل التاسع المتعلق بالانحدار كثیرات الحدود.

وفي ميدان تحليل التباين والتصاميم التجريبية، توسعنا كثيراً في شرح نماذج التجارب، خاصة ماتتعلق منها بنماذج التأثيرات العشوائية المختلطة لتصاميم القطاع العشوائي، التصاميم الحاضنة، تصاميم القياسات المكررة، وتصاميم المربع اللاتيني. وعلى وجه الخصوص أكدنا على التقابل بين نموذج تباين والبنية الارتباطية للمشاهدات. وبالإضافة إلى ذلك، فقد عززنا مناقشة مفهوم القوة وتحليل حجم العينات من منظور العلاقات الوثيقة بين هذين الموضوعين.

وقد اتسعت أيضاً مناقشة التجارب متعدد العوامل وذلك عندما لا تكون متواسطات المعالجات متساوية الأهمية.

٤- وقد عززنا، عبر الكتاب، التكامل بين التصاميم التجريبية ودراسات المشاهدة، مبتدئين مناقشة الحصول على بيانات لتحليل الانحدار في الفصل الثاني.

٥- وقمنا، عبر الكتاب، بتفصيّح شامل في العرض مستندين إلى الخبرة الميدانية ضمن الفصل الدراسي، وذلك بغية المزيد من الوضوح فيما نقدمه.

وقد نُشرت الفصول الثلاثة عشر الأولى من الطبعة الثالثة لـ "نماذج إحصائية خطية تطبيقية" في كتاب منفصل تحت عنوان "نماذج الأندار خطية تطبيقية"، طبعة ثانية. ويتضمن الكتاب الأخير هذا ثلاثة فصول إضافية هي تحليل الارتباط (الفصل ١٤)، الأندار غير الخطمي (الفصل ١٥) وتقنيات الأندار عندما يكون المتغير المستقل ثانياً (الفصل ١٦).

وإحدى الميزات الرئيسية للطبعة الثالثة من نماذج إحصائية خطية تطبيقية هو الأسلوب الموحد لتطبيق نماذج إحصائية خطية في الأندار، وفي تحليل التباين، وفي التصاميم التجريبية. وبدلاً من معالجة هذه الميادين بصورة منعزلة فإننا نسعى إلى تبيان العلاقات الضمنية بينها واستخدام رموز مشتركة في الأندار، من جهة، وفي تحليل التباين وال تصاميم التجريبية من جهة أخرى، يسهل النظرة الموحدة لها جميعاً. وقد نُقلت فكرة النموذج الإحصائي الخطمي العام، والتي تبرز بصورة طبيعية في سياق نماذج الأندار، إلى نماذج تحليل التباين ونماذج التصاميم التجريبية، كي تُظهر علاقتها بنماذج الأندار. ولهذا الأسلوب الموحد أيضاً ميزة البساطة في العرض.

ولم يشتمل هذا الكتاب فقط على المواضيع الأكثر تقليدية في الأندار وتحليل التباين وال تصاميم التجريبية الأساسية، ولكنه تطرق أيضاً لمواضيع، كثيراً ما استُعْتَفَت مع أنها مهمة في الممارسة العملية. وهكذا فقد كرسنا فصلاً بكماله (الفصل العاشر) لمتغيرات مؤشرة مستقلة. وينتiri فصل آخر (الفصل ١٢) إلى عملية بناء نموذج الأندار، بما في ذلك طرق اختيار بمساعدة الحاسوب لتحديدمجموعات جزئية "جيدة" من المتغيرات المستقلة وتحليلها تحليلاً شاملاً قبل القيام بالاختبار النهائي لنموذج الأندار، ومن ثم التتحقق من صحة نموذج الأندار المختار. واستخدام تحليل الراسب وتشخيصات أخرى لفحص مصداقية نموذج الأندار هو إيقاع متواتر عبر هذا الكتاب. وكذلك الأمر بالنسبة لاستخدام تدابير علاجية يمكن أن تكون مفيدة عندما لا يكون النموذج مناسباً. ونؤكد، في تحليل نتائج دراسة، على استخدام طرق التقدير أكثر من اختبارات المعنوية، لأن التقدير، في الغالب، أكثر مغزى في الممارسة العملية وــما أنه من النادر أن تُعني المسائل التطبيقية بــتقدير بمفرده فقد أكدنا أيضاً على استخدام طرق التقدير المترافق.

وقد قدمت الأفكار النظرية إلى الدرجة التي تحتاجها من أجل فهم رشيد عند القيام بتطبيقات سليمة. وأعطيت البراهين في ظروف شعر بها أنها تخدم في إيضاح طريقة عمل. وجرى التأكيد على فهم شامل للنماذج، وعلى وجه الخصوص فهم معنى معالم النموذج. ذلك لأن مثل هذا الفهم أمر أساسي لسلامة التطبيقات. ويتضمن الكتاب تشكيلة واسعة من الأمثلة الواقعية وذلك لتوضيح استخدام المبادئ النظرية، ولتبیان التنوع العظيم لتطبيقات النماذج الإحصائية الخطية، وإلظهار كيفية القيام بالتحاليل في المسائل المختلفة.

ونستخدم فقرات تحت عنوان "ملاحظات" أو "تعليقات" في كل صل لتقديم مناقشة إضافية وسائل تتصل بالخبر الرئيسي لتطور النقاش، وبهذه الطريقة يبقى تقديم الأفكار الأساسية في الفصل تقديمًا يتلافي التفاصيل والمعطفات التي قد تصرف القارئ عن الفكرة الأساسية.

وكثيراً ما تتطلب تطبيقات النماذج الإحصائية الخطية حسابات مستفيضة. وننطلق من موقع أن الحاسوب متوافر في معظم العمل التطبيقي، وفضلاً عن ذلك ففي متناول كل مستخدم للحاسوب أنواع مختلفة من الخزم البرمجية الخاصة بتحليل الانحدار وتحليل التباين. وبالتالي فإننا نشرح الخطوات الرياضية الأساسية في توفيق نموذج إحصائي خطى دون الإسهاب في التفاصيل الحسابية. ويسمح لنا هذا الأسلوب بتجنب العديد من الصيغ المعقدة، ونستطيع معه التركيز على المبادئ الأساسية. ونستخدم في هذا الكتاب المدرسي قدرات الحاسوب على إنجاز الحسابات استخداماً واسعاً، وتوضح تشكيلة من مُخرجات الحاسوب شارحين كيفية استخدامها في التحليل.

وفي نهاية كل فصل (باستثناء الفصل الأول) نقدم مختارات من المسائل. ويع肯 للقارئ هنا أن يعزز فهمه للطراائقية ويستخدم المفاهيم التي تعلمها في تحليل البيانات. وقد حرصنا على تقديم مسائل تحليل بيانات تمثل تطبيقات أصلية. وأفضل طريقة للقيام بالحسابات في معظم المسائل هي استخدام حاسب يدوي أو حاسب آلي (حاسوب).

ونفترض أن قارئه الطبعة الثالثة من نماذج إحصائية خطية تطبيقية قد اجتاز مقرراً، يشكل مدخلاً إلى الاستقراء الإحصائي، ويفطي المادة التي أوجزناها في الفصل الأول.

وحساب التفاضل والتكامل غير مطلوب لقراءة نماذج إحصائية خطية تطبيقية ونستخدم أحياناً حساب التفاضل والتكامل لتبيان كيفية الحصول على بعض النتائج المهمة، إلا أن هذه الإثباتات مقصورة على التعليقات أو الملاحظات الإضافية ويمكن حذفها دون آية خسارة في استمرارية دراسة الكتاب. وسيجده القراء ذوو المعرفة بحساب التفاضل والتكامل هذه التعليقات والملاحظات في تسلسلها الطبيعي بحيث يحصلون على فوائد المعالجات الرياضية في سياقها المباشر وفي النماذج الخطية بصورة عامة، وفي الانحدار المتعدد على وجه الخصوص، تحتاج إلى بعض العناصر الأساسية من جبر المصفوفات ويقدم الفصل السادس هذه العناصر من جبر المصفوفات في سياق الانحدار البسيط تسهيلاً لتعلمها.

والطبعة الثالثة من نماذج إحصائية خطية تطبيقية مصممة لاستخدامها في مقررات في النماذج الإحصائية الخطية من مستوى المرحلة الجامعية الأولى ومن مستوى الدراسات العليا، وكمقررات ثانية في الإحصاء التطبيقي. ويعتمد مدى استخدام المادة المقدمة في هذا الكتاب المدرسي في مقرر معين على مقدار الوقت المتوفر وعلى اهداف المقرر. وبعض من المقررات الممكنة تشمل:

١- مقرر لفصليين دراسيين، كل منها نصف سنوي، أو لفصليين دراسيين كل منها ثلث سنوي، في الانحدار، تحليل التباين والتচاميم التجريبية الأساسية يمكن أن يبني على الفصول التالية:

الانحدار: ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ (الفقرات من ١-٥ ) إلى (٣-٥) ، ٦ ، ٧ ، ٨ ، ٩  
 (الفقرات من ١٠-١١ ) إلى (٤-١٠) ، ١١ (الفقرات من ١١-١) إلى (٦-١١) ، ١٢ .

تحليل التباين : ١٤ ، ١٥ ، ١٦ ، ١٧ ، ١٨ ، ١٩ ، ٢٠ .

تضاميم تجريبية : ٢٤ ، ٢٥ ، ٢٦ ، ٢٩ .

٢- يمكن أن يبني مقرر، لفصل ثالثي (Quarter) أو لفصل نصفي (Term)، في تحليل الانحدار على الفصول التالية ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ (الفقرات من ١-٥ ) إلى (٣-٥) ، ٦ ، ٧ ، ٨ ، ٩ ، ١٠ (الفقرات من ١٠-١) إلى (٤-١٠) ، ١١ (مواضيع مختارة)، ١٢ ، ١٣ .

٣- يمكن أن يبني مقرر، لفصل ثالثي أو لفصل نصفي، في تحليل التباين على الفصول التالية: ١٤ ، ١٥ ، ١٦ ، ١٧ ، ١٨ ، ١٩ ، ٢٠ ، ٢١ ، ٢٢ ، ٢٣ (مواضيع مختارة)، ٢٤ .

٤- يمكن أن يُبني مقرر، لفصل ثلثي أو لفصل نصفى، في الانحدار وتحليل التباين على الفصول التالية:

الانحدار: ٥، ٤، ٣، ٢ (الفقرات من ١-٥) إلى (٣-٥)، ٦، ٧، ٨، ٩، ١٠، ١٠ (الفقرات من ١-١٠) إلى (٤-١٠).

تحليل التباين: ١٤، ١٥، ١٦، ١٨، ١٩.

٥- يمكن أن يُبني مقرر، لفصل ثلثي أو لفصل نصفى، في التصاميم التحريرية الأساسية على الفصول التالية: ٢٤، ٢٥، ٢٦، ٢٧، ٢٨، ٢٩.

وبالقدر الذي يسمح به الوقت يمكن للمدرس أن يغطي مواضيع إضافية من الكتاب. ويمكن استخدام هذا الكتاب أيضاً في دراسة شخصية لأشخاص يهتمون بعيادين إدارة الأعمال، الاقتصاد، والعلوم الاجتماعية، الصحية والأحيائية، ومن يرغبون في تحصيل كفاءة في تطبيق النماذج الإحصائية الخطية.

ويمكن للمدرسين الحصول على كتيب الحلول من الناشر، إرلين (Irwin). ويتضمن هذا الكتيب، على قرص (ديسكت)، البيانات لجميع المسائل والتمارين والمشاريع، وجموعات البيانات في الملحق.

ولا يمكن تأليف كتاب كهذا دون مساعدة كبيرة من آخرين. ونحن مدینون للعديد من ساهموا في تطوير النظرية والتطبيقات التي نقشت في هذا الكتاب. ونحب أيضاً التنويه بإعجابنا بطلابنا الذين ساعدونا بمحفل الطرق على تحديث طريقة العرض في هذا الكتاب. ومننون للعديد من مستخدمي نماذج إحصائية خطية تطبيقية ونماذج انحدار خطية تطبيقية الذين زودونا بتعليقاتهم ومقترحاتهم النابعة من تدريسهم هذين الكتيبين. ونحن مدینون أيضاً للأستاذة جيمس هولستاين (James E. Holstein) جامعة ميسوري (Missouri)، وديفيد شيري (David L. Sherry) جامعة غرب فلوريدا (West Florida)، لمراجعةم الطبعة الأولى لنماذج إحصائية خطية تطبيقية، ولالأستاذة صموئيل كوتز (Samuel Kotz) جامعة ميريلاند (Mary Land)، رالف روسو (Ralph P. Russo) جامعة آيوا (Iowa)، وبستر ثال

(Peter F. Thall) جامعة جورج واشنطن (George Washington) لمراجعةم كتاب *نماذج انحدار خطية تطبيقية*، وللأستاذة جون شيوب (John S. Y. Chiu) جامعة واشنطن، وجيمس كالفين (Michael F. Oriscoll) (James A. Calvin) جامعة ايرووا، وميخائيل دريسكول (Michael F. Oriscoll) جامعة ولاية أريزونا (Arizona State) لمراجعةم الطبعة الثانية من *نماذج احصائية خطية تطبيقية*. ولقد قدم هؤلاء المراجعون العديد من المقترنات المهمة، التي تستحق جزيل امتنانا.

وقد ساعدنا جورج كاتسونيس (George Cotsonis)، مارجريت كولشاك (Margarette S. Kolczak) وآلفين رامبي (Alvin H. Rampey) بشكل متقن في تدقيق المخطوطة، وفي إعداد الرسوم باستخدام الحاسوب، وبطرق أخرى. أما جين ديزني (June Disney) وساندرا جون هاتفيلد (Sandra June Hatfield) فقد قاما بجمع الجهد الطباعي تقريباً، وتصدتا بقدرة لتهيئة مخطوطة صعبة. ونحن ممتنون جداً لهؤلاء الأشخاص جميعاً لعونهم ومساعدتهم.

وأخيراً فقد تحملت عائلاتنا بصبر، الضغوط التي سببها التزامنا باستكمال هذه النسخة المدققة، ونحن مقدرُون لتساحمنا.

John Neter

**جورج نتر**

William Wasserman

**ويليام وازerman**

Michael H. Kutner

**ميغيل كتر**



# المحتويات

## الفصل الأول: بعض النتائج الأساسية في الاحتمال والإحصاء

١.....	(١ - ١) مؤثراً الجمجم والضرب
٢.....	(١ - ٢) الاحتمال
٣.....	(١ - ٣) المتغيرات العشوائية
٦.....	(١ - ٤) التوزيع الاحتمالي الطبيعي والتوزيعات المتعلقة به
٩.....	(١ - ٥) التقدير الإحصائي
١١.....	(١ - ٦) استقراءات حول متوسط مجتمع - مجتمع طبيعي
١٥.....	(١ - ٧) مقارنات متوسطي مجتمعين - المجتمعات الطبيعية
١٨.....	(١ - ٨) استقراءات حول تباين مجتمع - المجتمع الطبيعي
١٨.....	(١ - ٩) مقارنات تباين مجتمعين - المجتمعات طبيعية

### الباب الأول: الانحدار الخطى البسيط

#### الفصل الثاني: الانحدار الخطى بمتغير مستقل واحد

٢٥.....	(٢ - ١) العلاقات بين المتغيرات
٢٩.....	(٢ - ٢) نماذج انحدار واستخداماتها
٣٥.....	(٢ - ٣) نموذج انحدار خطى بسيط بتوزيع غير معروف لحد الخطأ
٣٩.....	(٢ - ٤) بيانات تحليل الانحدار
٤٣.....	(٢ - ٥) نظرة عامة على تحليل الانحدار
٤٤.....	(٢ - ٦) تقدير دالة الانحدار
٥٧.....	(٢ - ٧) تقدير تباين حدود الأخطاء
٦٠.....	(٢ - ٨) نموذج انحدار بخطأ طبيعي

#### الفصل الثالث: استقراءات في تحليل الانحدار

٧٧.....	(٣ - ١) استقراءات حول $\beta$
---------	-------------------------------

٨٧.....	(٣ - ٢) استقراءات حول $\beta_0$
٨٩.....	(٣ - ٣) بعض الاعتبارات عند القيام باستقراءات حول $\beta_0$ و $\beta_1$
٩١.....	(٣ - ٤) تقدير الفترة لـ $E\{Y_t\}$
٩٧.....	(٣ - ٥) التنبؤ بمشاهدة جديدة
١٠٥.....	(٣ - ٦) اعتبارات في تطبيق تحليل الانحدار
١٠٦.....	(٣ - ٧) الحالة التي تكون فيها $x$ عشرائية
١٠٧.....	(٣ - ٨) أسلوب تحليل التباين في تحليل الانحدار
١٢٠.....	(٣ - ٩) طريقة اختبار خطى عام
١٢٣.....	(٣ - ١٠) مقاييس وصفية للصلة بين $x$ ور في نموذج الانحدار
١٢٧.....	(٣ - ١١) مدخلات وخرجات حاسب

#### **الفصل الرابع: تشخيصات وتدابير علاجية**

١٤٣.....	(٤ - ١) تشخيصات للمتغير المستقل
١٤٥.....	(٤ - ٢) الرواسب
١٤٧.....	(٤ - ٣) استخدام الرواسب للتشخيص
١٦٤.....	(٤ - ٤) نظرة إجمالية لاختبارات تتعلق بالرواسب
١٦٥.....	(٤ - ٥) اختبار $F$ لنقص التوفيق
١٧٧.....	(٤ - ٦) نظرة إجمالية للتدابير العلاجية
١٧٩.....	(٤ - ٧) تحويلات

#### **الفصل الخامس: استقراءات متزامنة ومواضيع أخرى في تحليل الانحدار**

٢٠٣.....	(٥ - ١) التقدير المشترك لـ $\beta_0$ و $\beta_1$
٢٠٨.....	(٥ - ٢) تقدير متزامن لمتوسطات الاستجابة
٢١١.....	(٥ - ٣) فترات تنبؤ متزامنة لمشاهدات جديدة
٢١٣.....	(٥ - ٤) انحدار غير نقطة الأصل
٢١٧.....	(٥ - ٥) تأثير أحاطاء القياس
٢٢٢.....	(٥ - ٦) تنبؤات عكسية

٢٢٥ ..... ٥ - (٧) اختيار مستويات X

## الفصل السادس: طريقة المصفوفة لتحليل الانحدار الخطى البسيط

٢٣٥ ..... ٦ - (١) المصفوفات
٢٤١ ..... ٦ - (٢) جمع وطرح المصفوفات
٢٤٣ ..... ٦ - (٣) ضرب المصفوفات
٢٤٨ ..... ٦ - (٤) أنواع خاصة من المصفوفات
٢٥١ ..... ٦ - (٥) الاعتماد الخطى ورتبة مصفوفة
٢٥٣ ..... ٦ - (٦) معكوس مصفوفة
٢٥٨ ..... ٦ - (٧) بعض النظريات الأساسية للمصفوفات
٢٥٨ ..... ٦ - (٨) متجهات ومصفوفات عشوائية
٢٦٢ ..... ٦ - (٩) انحدار خطى بسيط بدالة المصفوفات
٢٦٥ ..... ٦ - (١٠) تقدير المربعات الدنيا لمعالم الانحدار
٢٦٨ ..... ٦ - (١١) القيم التوفيقية والرواسب
٢٧١ ..... ٦ - (١٢) نتائج تحليل تباين
٢٧٤ ..... ٦ - (١٣) استقراءات في تحليل الانحدار

## الباب الثاني: الانحدار خطى عام

### الفصل السابع: الانحدار المتعدد - I

٢٨٧ ..... ٧ - (١) نماذج الانحدار المتعدد
٣٠١ ..... ٧ - (٢) نموذج انحدار خطى عام بدالة المصفوفات
٣٠٣ ..... ٧ - (٣) مقدرات المربعات الدنيا
٣٠٣ ..... ٧ - (٤) القيم التوفيقية والرواسب
٣٠٤ ..... ٧ - (٥) نتائج تحليل التباين
٣٠٨ ..... ٧ - (٦) استقراءات حول معالم الانحدار
٣١٠ ..... ٧ - (٧) استقراءات حول متوسط الاستجابة
٣١٣ ..... ٧ - (٨) نتیجات بمشاهدات جديدة

## نماذج إحصائية خطية تطبيقية (جـ ١) الانحدار

- ٩ - ٧) رسومات الرواسب، تشخيصات أخرى، وتدابير علاجية ..... ٣١٤  
 ٧ - ١٠) مثال - الانحدار متعدد مع متغيرين مستقلين ..... ٣١٦

### الفصل الثامن: الانحدار المتعدد - II

- ٨ - ١) بجماعي المربعات الإضافية ..... ٣٤٧  
 ٨ - ٢) اختبار فرضيات تتعلق بمعامل الانحدار في الانحدار متعدد ..... ٣٥٩  
 ٨ - ٣) معاملات التحديد الجزئية ..... ٣٦٢  
 ٨ - ٤) نموذج الانحدار متعدد معياري ..... ٣٦٦  
 ٨ - ٥) الخطية المتعددة وتأثيراتها ..... ٣٧٦  
 ٨ - ٦) صياغة مصفوفية لاختبار خطبي عام ..... ٣٩١

### الفصل التاسع: الانحدار كثیرات الحدود

- ٩ - ١) نماذج انحدار كثیرات الحدود ..... ٤٠٥  
 ٩ - ٢) مثال ١ - متغير مستقل واحد ..... ٤١٢  
 ٩ - ٣) مثال ٢ - متغيران مستقلان ..... ٤٢٢  
 ٩ - ٤) طرائقية سطح الاستجابة ..... ٤٢٧  
 ٩ - ٥) بعض التعليقات الإضافية حول انحدار كثیرات الحدود ..... ٤٣٤

### الفصل العاشر: المتغيرات المستقلة النوعية

- ١٠ - ١) متغير نوعي واحد مستقل ..... ٤٥١  
 ١٠ - ٢) نموذج يحتوي على تأثيرات تفاعل ..... ٤٥٩  
 ١٠ - ٣) نماذج أكثر تعقيدا ..... ٤٦٤  
 ١٠ - ٤) المقارنة بين اثنين أو أكثر من دوال الانحدار ..... ٤٦٩  
 ١٠ - ٥) استخدامات أخرى للمتغيرات المؤشرة ..... ٤٧٧  
 ١٠ - ٦) بعض الاعتبارات في استخدام المتغيرات المؤشرة المستخدمة ..... ٤٨٣

### الفصل الحادي عشر: تشخيصات وتدابير علاجية - II

- ١١ - ١) صلاحية نموذج لمتغير مستقل - رسوم الانحدار الجزئي ..... ٤٩٩  
 ١١ - ٢) تحديد مشاهدات قاصية في X - مصفوفة القبعة وقيم العزم ..... ٥٠٧

(١١ - ٣) تحديد مشاهدات قاصية في ٧ - رواسب الحذف المعايرة تقديرًا ..... ٥١٤
(١١ - ٤) تحديد المشاهدات المؤثرة - تدابير Debetas, Dffits، ومسافة كوك ..... ٥١٨
(١١ - ٥) تدابير علاجية لمشاهدات مؤثرة ..... ٥٢٥
(١١ - ٦) تشخيصات الخطية المتعددة - عامل تصضم التباين ..... ٥٢٧
(١١ - ٧) تدابير علاجية للخطية المتعددة - انحدار الحافة ..... ٥٣٢
(١١ - ٨) تدابير علاجية لبيانات خطأ غير متساوية - المربعات الدنيا المرجحة ..... ٥٤٢

### **الفصل الثاني عشر: بناء نموذج الانحدار**

(١٢ - ١) نظرة إجمالية لعملية بناء نموذج ..... ٥٦٥
(١٢ - ٢) إعداد البيانات ..... ٥٧٢
(١٢ - ٣) طريقة جميع الانحدارات الممكنة لتخفيض المتغيرات ..... ٥٧٨
(١٢ - ٤) انحدار الخطوة فخطوة إلى الأمام، أساليب بحث آلية أخرى، واستخدام انحدار الحافة لتخفيض المتغيرات ..... ٥٩٢
(١٢ - ٥) تحسين النموذج واختياره ..... ٦٠٢
(١٢ - ٦) التحقق من صحة نموذج ..... ٦١٠
(١٢ - ٧) ملاحظات ختامية ..... ٦١٨

### **الفصل الثالث عشر: الارتباط الذاتي في بيانات السلسل الزمنية**

(١٣ - ١) مشاكل الارتباط الذاتي ..... ٦٤١
(١٣ - ٢) نموذج خطأ ذاتي الانحدار من المرتبة الأولى ..... ٦٤٦
(١٣ - ٣) اختبار دربن - واتسون للارتباط الذاتي ..... ٦٤٩
(١٣ - ٤) تدابير علاجية للارتباط الذاتي ..... ٦٥٤
(١٣ - ٥) التنبؤ في حالة حدود خطأ ذاتية الارتباط ..... ٦٦٨

### **الملاحق**

الملحق (أ): جداول ..... ٦٨٧
الملحق (ب):مجموعات من البيانات ..... ٧١٧
الملحق (ج): مختارات من المراجع ..... ٧٣١

**ثُبَّت المصطلحات**

أولاً: عربي - إنجليزي ..... ٧٣٧
ثانياً: إنجليزي - عربي ..... ٧٤٥
كتاف الموضوعات ..... ٧٥٣