





# صحاب التقى

# والتكامل

## الجزء الثالث

الدكتور محمد عادل سودان

أستاذ الرياضيات - كلية العلوم

جامعة الملك سعود

الناشر: عمادة شؤون المكتبات - جامعة الملك سعود  
ص.ب ٢٤٨٠ - الرياض ١١٤٩٥ - المملكة العربية السعودية

© ١٩٨٥ م جامعة الملك سعود

جميع حقوق الطبع محفوظة . غير مسموح بطبع أي جزء من أجزاء هذا الكتاب ، أو تخزنه في أي نظام لخزن المعلومات واستر جاعها ، أو نقله على أية هيئة أو بآية وسيلة سواء كانت إلكترونية أو شرائط ممعنطة أو ميكانيكية ، أو استنساخاً ، أو تسجيلاً ، أو غيرها إلا بإذن كتابي من صاحب حق الطبع .

الطبعة الأولى : ١٤٠٥ هـ (١٩٨٥ م) .

صف الحروف من قبل شركة بيكانه انتركونتنتال ، هولندة



## مقدمة

الحمد لله رب العالمين والصلوة والسلام على سيد العلمين وبعد أقدم هذا الكتاب بعنوان «التفاضل والتكمال (٣)» إلى المهتمين بقراءة الرياضيات عامة وطلاب تخصص الرياضيات والفيزياء خاصة .

يغطي هذا الكتاب منهاج مقرر التفاضل والتكمال (٣) في جامعة الملك سعود، ولقد رأيت أن لا أتقييد تقيداً تاماً بمفردات هذا المنهاج بل عمدت أن أجعله مغطياً بقدر الإمكان موضوعاً معيناً . ولقد اضطرني ذلك إلى الأمور التالية :

- ١ - كتابة الباب الأول بحيث يحوي ، من نظرية المجموعات ، الأمور الأساسية التي تحتاجها في معالجة فقرات هذا الكتاب .
- ٢ - من أجل دراسة المتسلسلات العددية دراسة شبه كاملة رأيت التعرض لطرق تجميع هذه المتسلسلات ويمكن للقاريء تجاوز ذلك في القراءة الأولى .
- ٣ - لقد فعلت هذا الأمر نفسه عند دراسة المتاليات الدالية فبرهنـت نظرياتها المتعلقة باتصال ومكاملة واشتقاق نهاية متتالية دالية .
- ٤ - إن دراسة التكامل المعتل لا يدخل في منهاج هذا الكتاب ولما كان من طرائق دراسة تقارب متسلسلة مقارنتها بتكميل معتل فقد رأيت تقديم دراسة موجزة تجاوزـت فيها عن برهان عدد من النظريات ، كمقدمة لتطبيق ذلك في دراسة تقارب متسلسلة .

الباب الأخير من هذا الكتاب يهدف إلى تقديم التكاملات المضاعفة وطرق حسابها بشكل مبسط يستفيد منه طلاب الفيزياء كما يستفيد منه طلاب الرياضيات كتوطئة لدراسة مقبلة أكثر دقة وتوسيعاً .

لقد حاولت جهدي استخدام المصطلحات التي أقرها مؤتمر التعريب الذي عقد في طرابلس عام ١٩٧٧ والتي نشرها، على شكل معجم، مكتب تنسيق التعريب في الرباط التابع لجامعة الدول العربية، وعندما لا أجد حاجتي في هذا المعجم أخذت (على الأغلب) المصطلح المستخدم في التعليم الشانوى في المملكة العربية السعودية، وإذا لم يكن لا هذا ولا ذاك اجتهدت وأخذت مصطلحاً مستعملاً في أحد الأقطار العربية.

يحتوى هذا الكتاب في نهايته كشافاً بالرموز الرياضية التي استُخدمت فيه وثبتاً باللغات الثلاث (العربية، الإنكليزية، الفرنسية) للمصطلحات الرياضية التي وردت فيه.

ختاماً آمل أن أكون قد قدمت بهذا الكتاب ما يفيد القارئ العربي ودارس الرياضيات ومن الله أرجو التوفيق والسداد.

محمد عادل سودان

## المحتويات

### صفحة

..... هـ ..... مقدمة

## الباب الاول : مقدمة في المجموعات

٥ .....	(١-١) نظرية المجموعات
١٥ .....	(٢-١) العلاقة الثنائية ..
٢٥ .....	(٣-١) التطبيقات (الدوال)
٢٩ .....	(٤-١) مجموعة الاعداد الحقيقية ..
٣٩ .....	(٥-١) المستقيم العددي (خط الاعداد) ..
٤٧ .....	تمارين ..

## الباب الثاني : المتاليات الحقيقة

٥٣ .....	(١-٢) المتالية ..
٦١ .....	(٢-٢) تقارب متالية ، نهاية متالية ..

## صفحة

٧٥ .....	(٣-٢) عمليات على المتتاليات المتقاربة .....
٨١ .....	(٤-٢) متتالية كوشى .....
٩٢ .....	تمارين .....

## الباب الثالث: المتسلاط العددية

٩٩ .....	(١-٣) المتسلاط الحقيقية .....
١٠٣ .....	(٢-٣) تقارب المتسلاط .....
١١٣ .....	(٣-٣) التقارب المطلق .....
١١٥ .....	(٤-٣) المتسلاط الموجبة .....
١٣١ .....	(٥-٣) المتسلاط المتناوبة .....
١٣٧ .....	(٦-٣) طرق جمع متسلاطة .....
١٥١ .....	تمارين .....

## الباب الرابع: التكامل المعتل

١٥٩ .....	(١-٤) التكامل المعتل .....
١٦٩ .....	(٢-٤) فترة التكامل غير محدودة .....
١٧٧ .....	(٣-٤) المقارنة بين تكامل ومتسلسلة .....
١٨١ .....	تمارين .....

## الباب الخامس: المتتالية الدالية - المتسلاط الدالية - المتسلاط الصحيحة

١٨٩ .....	(١-٥) المتتالية الدالية .....
٢٠١ .....	(٢-٥) المتسلاط الدالية .....

## صفحة

٢١١ .....	(٣-٥) المتسلسلات الصحيحة (متسلسلات القوى) .....
٢٢١ .....	تمارين .....

## الباب السادس: نشر الدوال

٢٢٧ .....	(١-٦) بعض خواص الدوال المتصلة .....
٢٢٩ .....	(٢-٦) نشر الدوال .....
٢٤٩ .....	(٣-٦) تطبيقات .....
٢٥٥ .....	تمارين .....

## الباب السابع: الدوال في عدة متغيرات

٢٦١ .....	(١-٧) الفضاء ذو البعدين .....
٢٦٩ .....	(٢-٧) تغطيه مجموعة .....
٢٧٤ .....	(٣-٧) الدوال في عدة متغيرات .....
٢٨٣ .....	(٤-٧) اتصال دالة ذات متغيرات متعددة .....
٢٩١ .....	(٥-٧) أمثلة محلوله .....
٢٩٥ .....	(٦-٧) المشتقة الجزئية .....
٣٠١ .....	(٧-٧) الدالة القابلة للمفاضلة .....
٣٠٩ .....	(٨-٧) مشتقه تركيب دوال .....
٣١٣ .....	(٩-٧) تأثير تغيير المتغيرات على تفاضل دالة .....
٣١٧ .....	(١٠-٧) الدالة في ثلاثة متغيرات .....
٣٢١ .....	تمارين .....

## صفحة

## الباب الثامن: التكامل الثنائي والتكامل الثلاثي

٣٢٩ .....	(١-٨) التكامل الثنائي .....
٣٣٥ .....	(٢-٨) حساب التكامل الثنائي .....
٣٥١ .....	(٣-٨) التكامل الثلاثي .....
٣٦٣ .....	تمارين .....
٣٦٥ .....	<b>المراجع .....</b>
	<b>كتاب موضوعي</b>
٣٦٩ .....	(عربي - إنجليزي - فرنسي) .....
	<b>ثبات المصطلحات</b>
٣٧٣ .....	(إنجليزي - عربي) .....
	<b>ثبات المصطلحات</b>
٣٧٧ .....	(فرنسي - عربي) .....
٣٨١ .....	<b>كتاب الرموز .....</b>