





سلسلة أكسفورد لمبادئ الكيمياء

# أساسيات في العلوم الرياضية

## Foundations of Science Mathematics

تأليف

س.غ. رولينغ

S.G.Rowlings

قسم الفيزياء الفلكية

وكالية سانت بيت أكسفورد

د.س.سيفيا

D.S.Sivia

معامل رذرфорد أبيلتون

وكالية سانت جورج أكسفورد

ترجمة

الدكتور معروف عبد الرحمن سمحان

قسم الرياضيات - كلية العلوم

جامعة الملك سعود

(منشورات أكسفورد العلمية)

النشر العلمي والمطبع - جامعة الملك سعود

ص.ب ٦٨٩٠٣ - الرياض ١١٥٣٧ - المملكة العربية السعودية



جامعة الملك سعود، ١٤٣٢ هـ (٢٠١١ م) (ح)

هذه ترجمة عربية مصرح بها من مركز الترجمة للكتاب:

Foundations of Science Mathematics

by: D.S.Sivia and S.G.Rawlings

© Oxford University Press. 1999

فهرسة مكتبة الملك فهد الوطنية أئمّة النشر

أساسيات في العلوم الرياضية. / س. سيفيا ؛ س. رولينغ ؛ معروف

عبدالرحمن سمحان. - الرياض، ١٤٣١ هـ

٢٥٠ سم × ١٧٤ ص

ردمك: ٩٧٨-٩٩٦٠-٥٥-٧٠٥-٢.

١- الرياضيات أ- رولينغ، س (مؤلف مشارك) ب- سمحان، معروف

عبدالرحمن (مترجم) ج- العنوان

١٤٣١/٨٦٩٩ ديوبي ٥١٠

رقم الإيداع: ١٤٣١/٨٦٩٩

ردمك: ٩٧٨-٩٩٦٠-٥٥-٧٠٥-٢

حكمت هذا الكتاب لجنة متخصصة شكلها المجلس العلمي بالجامعة، وقد وافق المجلس العلمي على نشره، بعد اطلاعه على تقارير المحكمين في اجتماعه العاشر للعام الدراسي ١٤٣١ هـ المعقود بتاريخ ٢٤/١/١٤٣١ هـ الموافق ١٠/١/٢٠١٠ م.

النشر العلمي والمطبع ١٤٣٢ هـ



## مقدمة المترجم

تحتوي مكتبتنا العربية على عدد قليل من الكتب العلمية المترجمة من لغات أخرى مقارنة مع معظم مكتبات الدول الأجنبية. ومع ازدياد الكتب العلمية المطبوعة عالمياً تزداد حاجتنا للترجمة حيث إن الترجمة هي أحد الروافد الرئيسية في إثراء المكتبة العربية.

إن للترجمة العديد من المكاسب فهي من ناحية تتيح للقارئ العربي الاطلاع على ماتوصل إليه العلم من اكتشافات وتقنيات، ومن ناحية أخرى فهي تسهل على طالب العلم تتبع المادة العلمية خاصة إذا كانت مكتوبة بلغته الأم.

قمت أثناء الترجمة لهذا الكتاب بتصحيح الأخطاء المطبعية التي استطعت اكتشافها في النسخة الإنجليزية، كما قمت في بعض الأحيان من إعادة صياغة خطوات حل بعض المسائل ليسهل على القارئ فهمها دون الإخلال بالنص الأصلي.

بالنسبة للمصطلحات العلمية المستخدمة في هذا الكتاب فقد اعتمدت في ترجمتها على معجم العلوم الرياضية الصادر عن قسم النشر العلمي والمطبع في جامعة الملك سعود.

وفي الختام أرجو أن أكون قد وفقت في ترجمة هذا الكتاب بشكل يجعل من هذا العمل فائدة للكيميائيين وغيرهم من المهتمين في العلوم الرياضية والله من وراء القصد.

المترجم



## **مقدمة محدّد السلسلة**

الهدف الرئيسي وراء كتابة أكسفورد لسلسلة المبادئ الأولية في الكيمياء هو تقديم مادة واضحة ومحضرة للعديد من الموضوعات التي يحتاجها الطالب في قسم الكيمياء من سنته الجامعية الأولى إلى سنة تخرجه. تحتوي سلسلة الكيمياء الفيزيائية على كتب تحتوي على المادة العلمية الأساسية التي يحتاجها جميع الكيميائيين، إضافة إلى كتب تعكس الاتجاهات الجديدة للأبحاث في الموضوعات المختلفة، ومن ثم فهي تساهم (وربما تشجع) على تطوير مقررات الدراسة الجامعية.

يقدم لنا ديفندر سيفيا وستيف رولينغ أحد كتب المبادئ الأولية في الكيمياء الفيزيائية هو «أساسيات في العلوم الرياضية».

يتناول هذا الكتاب وبأسلوب واضح وبسيط تقديم المفاهيم الأساسية والتطبيقات لموضوع يفترض معرفته من قبل جميع المهتمين بالعلوم. هذا الكتاب مهم لطلاب العلوم جائعاً على اختلاف تخصصاتهم.

ريتشارد كومتن  
مكتبة الكيمياء النظرية والفيزيائية  
جامعة أكسفورد



## **تمهيد**

تلعب الرياضيات دوراً أساسياً في حياة المهتمين بالعلوم الأساسية وال الهندسية ابتداءً من أيام الدراسة الأولى وانتهاء بالدراسية الجامعية والحياة المهنية. ولذا فإنه يتوجب على جميع طلاب الجامعة تعلم بعض الرياضيات على اختلاف تخصصاتهم سواء أكان المتعلّم متّحمساً للموضوع أم كان يتقبلها بصعبّة. يبدأ هذا الكتاب التمهيدي باستعراض المفاهيم والنتائج الأساسية التي تقدّم عادة في مرحلة الدراسة الثانوية، ومن ثم يبدأ بتوسيع الأفكار لتقديم المادة الرياضية التي يحتاجها معظم طلاب مرحلة البكالوريوس.

لقد تم التركيز الأساسي في هذا الكتاب على تقديم تفسيرات واضحة للنتائج الرياضية دون التعرض إلى البراهين الدقيقة لها. ولذا فإننا نأمل أن يحب هذا النمط في تقديم المادة العلمية للمبتدئين لهذا الكتاب، كما أنها تتطلع إلى أن يكون هذا الكتاب مرجعاً مفيداً بسبب ما يتضمنه من إيحاز في تقديم المادة العلمية.

إنّه لمن دواعي سرورنا شكرنا لبعض الأصدقاء وزملاء العمل الذين قدمووا لنا ملاحظات قيمة على فصول الكتاب، منهم، رتشارد البرسون وروبرت ليز وجيري مايرز وجيف بينفولد وديف دايمونت. كما ندين للبروفسور رتشارد كومبتون رياضته وصبره وتشجيعه لنا خلال التحضير لهذا الكتاب. وأخيراً لابد من إبداء الامتنان لبعض أساتذتنا الذين كان لهم التأثير الكبير على كيفية تناولنا وفهمنا لمادة الرياضيات، على وجه الخصوص فإن

ي

تمهيد

د. س.س يود أن يشكر والده على التشجيع الذي قدمه له في مراحل دراسته الأولى والسيد منسون أستاذة في المرحلة الثانوية والدكتور سكيلينغ أستاذة في مرحلة البكالوريوس.

د.س.س

س.غ.ر

أكسفورد / يناير ١٩٩٩ م

# المحتويات

مقدمة المترجم.....	ه
مقدمة محرر السلسلة.....	ز
تمهيد.....	ط
الفصل الأول: أساسيات الجبر والحساب .....	١
(١) الحساب البدائي .....	١
(٢) القوى والجذور واللوغاريتمات .....	٢
(٣) معادلات الدرجة الثانية .....	٥
(٤) المعادلات الآنية .....	٦
(٥) مفهوك ذو الحدين .....	٨
(٦) المتاليات الحسابية والهندسية .....	٩
(٧) الكسور الجزئية .....	١١
ćمارين .....	١٥
الفصل الثاني: المنحنيات والرسوم ..	١٩
(١) المستقيمات .....	١٩
(٢) القطوع المكافئة .....	٢٠

٢٢ .....	(٢) كثيرات الحدود .....
٢٣ .....	(٤) القوى والجذور واللوغريتمات .....
٢٦ .....	(٢, ٥) الدوائر .....
٢٧ .....	(٦) القطوع الناقصة .....
٢٩ .....	تمارين .....
٣١ .....	<b>الفصل الثالث: الدوال المثلثية .....</b>
٣١ .....	(١, ٣) الزوايا والقياس الدائري .....
٣٢ .....	(٢, ٣) الجيب وجيب التمام والظل .....
٣٥ .....	(٣, ٣) متطابقات فيثاغورية .....
٣٦ .....	(٤, ٣) الزوايا المركبة .....
٣٨ .....	(٥, ٣) صيغ خارج القسمة .....
٣٩ .....	(٦, ٣) الدوال المثلثية العكسية .....
٤٠ .....	(٧, ٣) قاعدتا الجيب وجيب التمام .....
٤١ .....	تمارين .....
٤٣ .....	<b>الفصل الرابع: التفاضل .....</b>
٤٣ .....	(١, ٤) الميل والمشتقات .....
٤٦ .....	(٤, ٢) بعض الخصائص الأساسية للماشتقات .....
٤٩ .....	(٤, ٣) الأسس واللوغريتمات .....
٥٠ .....	(٤, ٤) الضرب وخارج القسمة .....
٥٣ .....	(٤, ٥) تحصيل الدوال .....
٥٥ .....	(٤, ٦) القيم العظمى والصغرى .....

٥٧ .....	(٤) الاشتقاق الضمني واللوغاريتمي .....	الفصل السادس: التكامل ..... تمارين .....
٥٩ .....		
٦٣ .....		<b>الفصل الخامس: التكامل .....</b>
٦٣ .....	(١) المساحات والتكامل .....	(١) المساحات والتكامل .....
٦٥ .....	(٢) التكامل والاشتقاق .....	(٢) التكامل والاشتقاق .....
٦٧ .....	(٣) بعض الخواص الأساسية للتكامل .....	(٣) بعض الخواص الأساسية للتكامل .....
٦٩ .....	(٤) المعاينة والتعويض .....	(٤) المعاينة والتعويض .....
٧٢ .....	(٥) الكسور الجزئية .....	(٥) الكسور الجزئية .....
٧٣ .....	(٦) التكامل بالأجزاء .....	(٦) التكامل بالأجزاء .....
٧٤ .....	(٧) صيغ الاختزال .....	(٧) صيغ الاختزال .....
٧٥ .....	(٨) التمايل والجداول والتكامل العددي .....	(٨) التمايل والجداول والتكامل العددي .....
٧٧ .....	تمارين .....	تمارين .....
٧٩ .....		<b>الفصل السادس: متسلسلة تايلور .....</b>
٧٩ .....	(١) يقريب الدوال .....	(١) يقريب الدوال .....
٨٠ .....	(٢) إيجاد متسلسلة تايلور .....	(٢) إيجاد متسلسلة تايلور .....
٨١ .....	(٣) بعض الأمثلة الشائعة .....	(٣) بعض الأمثلة الشائعة .....
٨٣ .....	(٤) نصف قطر التقارب .....	(٤) نصف قطر التقارب .....
٨٤ .....	(٥) قاعدة لوبيتال .....	(٥) قاعدة لوبيتال .....
٨٥ .....	(٦) خوارزمية نيوتن ورافسون .....	(٦) خوارزمية نيوتن ورافسون .....
٨٦ .....	تمارين .....	تمارين .....
٨٧ .....		<b>الفصل السابع: الأعداد المركبة .....</b>
٨٧ .....	(١) تعريف .....	(١) تعريف .....

٨٨ .....	(٢) أساسيات جبرية.....
٩٠ .....	(٣) خطط أرجاند .....
٩١ .....	(٤) القوى التخيلية .....
٩٣ .....	(٥) الجذور واللوغريتمات .....
٩٥ .....	(٦) مبرهنة ديموفير وحساب المثلثات .....
٩٦ .....	(٧) الدوال الزائدية .....
٩٩ .....	(٨) بعض الخواص الهامة .....
١٠١ .....	تمارين .....
١٠٥ .....	<b>الفصل الثامن: المتغيرات .....</b>
١٠٥ .....	(١) التعريف والإحداثيات الديكارتية .....
١٠٧ .....	(٢) الجمع، الطرح والضرب بأعداد قياسية .....
١٠٩ .....	(٣) الضرب القياسي.....
١١١ .....	(٤) الضرب المتجهي.....
١١٣ .....	(٥) الضرب الثلاثي القياسي .....
١١٥ .....	(٦) الضرب الثلاثي المتجهي.....
١١٦ .....	(٧) الإحداثيات القطبية .....
١١٨ .....	تمارين .....
١٢١ .....	<b>الفصل التاسع: المصفوفات .....</b>
١٢١ .....	(١) التعريف والمصطلحات.....
١٢٣ .....	(٢) حساب المصفوفات.....
١٢٥ .....	(٣) المحددات .....

١٢٨ .....	(٤) معكوس المصفوفات
١٢٩ .....	(٥) المعادلات الخطية الآتية
١٣١ .....	(٦) التحويلات
١٣٢ .....	(٧) القيم والتجهيزات الذاتية (المميزة)
١٣٤ .....	(٨) الاستقطار
١٣٦ .....	تمارين
<b>الفصل العاشر: التفاضل الجزئي</b>	
١٣٩ .....	(٩) تعريف ومتوجه الميل
١٤٣ .....	(١٠,٢) المشتقات الثانية والعليا
١٤٤ .....	(١٠,٣) الزيادات وقاعدة السلسلة
١٤٨ .....	(٤) متسلسلة تايلور
١٤٩ .....	(١٠,٥) القيم العظمى والصغرى
١٥٢ .....	(٦) الأمثلية المقيدة (المشروطة)
١٥٤ .....	تمارين
<b>الفصل الحادي عشر: التكاملات الخطية</b>	
١٥٧ .....	(١١,١) التكاملات الخطية
١٦٠ .....	(١١,٢) التفاضلات التامة
١٦٢ .....	تمارين
<b>الفصل الثاني عشر: التكاملات المتعددة</b>	
١٦٣ .....	(١٢,١) أمثلة فيزيائية
١٦٤ .....	(١٢,٢) ترتيب التكامل

١٦٧ .....	(١٢,٣) اختيار الإحداثيات
١٧١ .....	تمارين
١٧٣ .....	<b>الفصل الثالث عشر: المعادلات التفاضلية العادية</b>
١٧٣ .....	(١,١٣) تعريف الحدود
١٧٤ .....	(٢,١٣) الرتبة الأولى القابلة للفصل
١٧٥ .....	(٣,١٣) الرتبة الأولى المتجانسة
١٧٧ .....	(٤,١٣) معامل التكامل للرتبة الأولى
١٨٠ .....	(٥,١٣) الرتبة الثانية المتجانسة
١٨٤ .....	(٦,١٣) الرتبة الثانية غير المتجانسة
١٨٦ .....	تمارين
١٨٩ .....	<b>الفصل الرابع عشر: المعادلات التفاضلية الجزئية</b>
١٨٩ .....	(١,١٤) حالات بدائية
١٩٢ .....	(٢,١٤) فصل المتغيرات
١٩٧ .....	(٣,١٤) أمثلة فيزيائية شائعة
١٩٩ .....	تمارين
٢٠١ .....	<b>الفصل الخامس عشر: متسلسلة وتحويلات فورييه</b>
٢٠١ .....	(١,١٥) تقريب دوال دورية
٢٠٣ .....	(٢,١٥) متسلسلة تايلور مقابل متسلسلة فورييه
٢٠٤ .....	(٣,١٥) تكامل فورييه
٢٠٦ .....	(٤,١٥) بعض الخصائص الشكلية
٢٠٨ .....	(٥,١٥) أمثلة فيزيائية ونظرية فاحصة
٢١١ .....	تمارين

ف

المحتويات

٢١٣ .....	ملحق: أوجوبه بعض التمارين.....
٢٢١ .....	المراجع.....
٢٢٣ .....	ث بت المصطلحات.....
٢٢٣ .....	أولاً: عربي - انجليزي .....
٢٣٥ .....	ثانياً: انجليزي - عربي .....
٢٤٩ .....	كشاف الموضوعات .....